

## استفاده از متغیر کمکی ضریب سولفیدی به منظور بهبود نتایج برآورد مس با کوکریجینگ هم‌مختصات و کریجینگ با روند بیرونی

سمیه شیخ محمدی<sup>۱</sup>، امید اصغری<sup>۱\*</sup> و غلامحسین نوروزی<sup>۱</sup>

<sup>۱</sup> پردیس دانشکده‌های فنی دانشگاه تهران، ایران

(تاریخ دریافت: ۱۳۹۱/۲/۱۲، تاریخ پذیرش: ۱۳۹۲/۷/۲۰)

### چکیده

طرح‌های معدنی اغلب با عدم قطعیت و مخاطره همراه هستند و هدف مدل‌سازی، برآورد ذخیره، کاهش واریانس برآورد و عدم قطعیت به منظور کاهش مخاطره تصمیم‌گیری است. از سوی دیگر یکی از راه‌های کاهش واریانس برآورد، اجرای حفاری‌های گسترده و پُرهنزینه در منطقه است. از دیگر روش‌های کاهش واریانس برآورد که با صرف هزینه کمتر قابل اجرا است، روش‌های زمین‌آماري چندمتغیره است. در این تحقیق از روش‌های کوکریجینگ هم‌مختصات و کریجینگ با روند بیرونی که می‌توانند با استفاده از متغیر کمکی (در اینجا ضریب سولفیدی) به بهبود نتایج کمک کنند، به منظور برآورد متغیر عیار مس معرفی می‌شوند. منطقه مورد بررسی در یکی از مناطق پتانسیل‌دار مس، واقع در استان کرمان است. برای برآورد چگونگی توزیع عیار مس در منطقه، از داده‌های ضریب سولفیدی استفاده شد، زیرا نسبت به حفاری‌های صورت‌پذیرفته پوشش بیشتری در منطقه دارد و با هزینه کمتری نیز همراه است. در اجرای روش کوکریجینگ هم‌مختصات فقط داده‌های ثانویه هم‌مختصات با محل برآورد متغیر اولیه در نظر گرفته می‌شوند. نتایج این بررسی نشان داد که استفاده از این دو روش، نسبت به روش کریجینگ معمولی که از متغیر ثانویه استفاده نمی‌کند، کیفیت نتایج توزیع مس را بهبود می‌دهد. اعتبارسنجی نتایج با استفاده از روش اعتبارسنجی حذفی صورت گرفت. براساس معیارهای میانگین قدر مطلق خطا (MAE)، ریشه دوم میانگین مربع خطا (RMSE) و ضریب همبستگی مقادیر مشاهده‌ای و واقعی (R)، روش‌های کریجینگ با روند بیرونی و کوکریجینگ هم‌مختصات، نتایج بهتری را آشکار ساختند.

**واژه‌های کلیدی:** واریانس برآورد، ضریب سولفیدی، کوکریجینگ هم‌مختصات، کریجینگ با روند بیرونی، مدل مارکوف

## The use of auxiliary variable sulphide factor to improve the estimation results of copper by collocated cokriging and kriging with external drift

Somayeh Sheykhmohammadi<sup>1</sup>, Omid Asghari<sup>1\*</sup> and Gholam Hossain Norouzi<sup>1</sup>

<sup>1</sup>College of Engineering, University of Tehran, Iran

(Received: 1 May 2012, accepted: 12 October 2013)

\*Corresponding author:

o.asghari@ut.ac.ir

\*نگارنده رابط:

## Summary

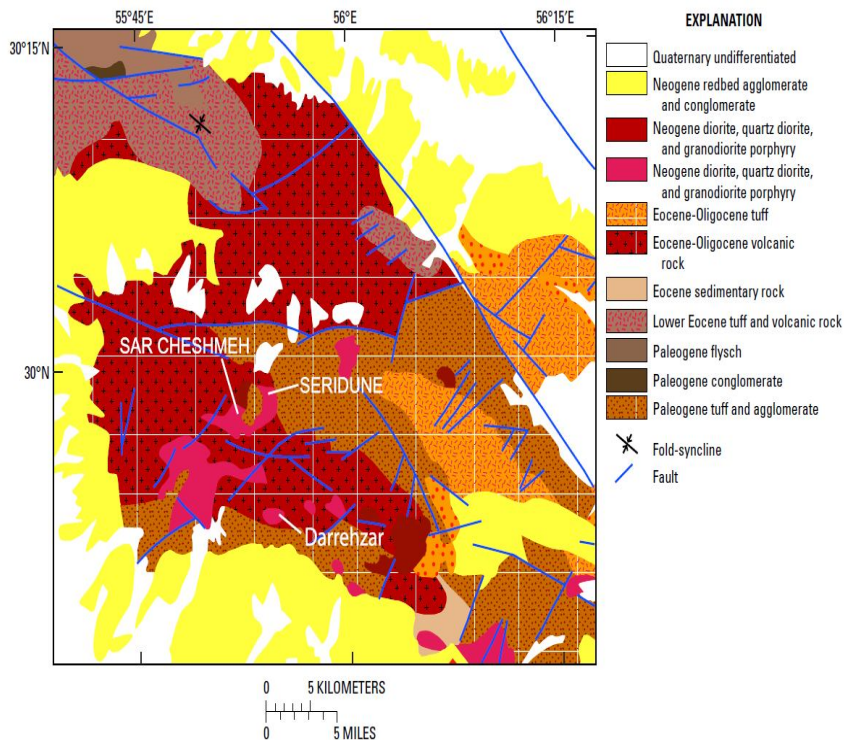
In projects of reserves estimation, we would like to reduce the estimation variance and related uncertainty. This reduction usually requires extensive and costly drilling. Multivariate geostatistical methods could be noted as an inexpensive and budget saving method to reduce the estimation variance. Often, there exists much secondary data that must be considered in a geostatistical reservoir modeling. All secondary data being used as a secondary variable must be highly correlated with the primary one. This work introduces the collocated cokriging and kriging with an external drift to incorporate sulphide factor as secondary information to estimate the copper content in a porphyry system. The study area was one of the desirable areas of copper, located in Kerman Province. Sulphide factor as highly correlated and fully covered data was selected to improve the estimation of copper in this region. In collocated cokriging, the number of the secondary information used for estimation is reduced to the estimation location. However, the datum collocated with primary data implementations of collocated cokriging is often limited to a single secondary variable. Improved models would be constructed if multiple variables were accounted for simultaneously. Contrary to cokriging, kriging with an external drift does not make explicit the structural link between the target variable and the auxiliary variable, for the latter is considered to be deterministic. After determining the mean of the estimation variance, experimental results showed that both methodologies incorporating secondary information led to better results than ordinary kriging that did not incorporate any sulphide factor data. The ordinary kriging method uses only copper assay information, while in collocated cokriging and kriging with an external drift, both copper assay and sulphide factor information are used as an auxiliary variable. The validation sample was used to compare the performance of the methods. Collocated cokriging and kriging methods with an external drift based on mean absolute error (MAE), root mean square error (RMSE) and the correlation coefficient of real and estimated values (R) illustrate better results.

**Keywords:** Variance estimation, sulphide factor, collocated cokriging, kriging with external drift, Markov model

## ۱ مقدمه

در اغلب روش‌های درون‌یابی از دو نوع داده اولیه و ثانویه استفاده می‌شود. زمین‌آمار یک چارچوب مناسب برای ترکیب اطلاعات ثانویه به منظور بهبود برآورد متغیر اولیه فراهم می‌کند. روش‌های زمین‌آمار متفاوتهای برای استفاده از داده‌های ثانویه در بهبود برآورد داده‌های اولیه توسعه یافته‌اند (بویزیو و همکاران، ۲۰۰۶a). از میان این روش‌ها، می‌توان اطلاعات ثانویه را به کمک روش‌های کریجینگ با روند بیرونی و کوکریجینگ هم‌مختصات برای افزایش دقت برآورد مورد استفاده قرار داد. در روش

کریجینگ با روند بیرونی، از داده‌های ثانویه برای نشان دادن تغییرات میانگین محلی متغیر اولیه استفاده می‌شود و سپس کریجینگ ساده روی باقی‌مانده‌های حاصل از حذف میانگین محلی از مقدر داده‌ها اجرا می‌شود. میانگین محلی از راه ارزیابی محلی یک تابع خطی از یک متغیر ثانویه هموار به دست می‌آید (بویزیو و همکاران، ۲۰۰۶b). این روش زمانی به کار برده می‌شود که متغیر اصلی با متغیر کمکی مورد نظر دارای همبستگی باشد. این روش از متغیرهای ثانویه برای پیش‌بینی مدل روند استفاده می‌کند (فرناندز و روچا، ۲۰۱۰). کوکریجینگ

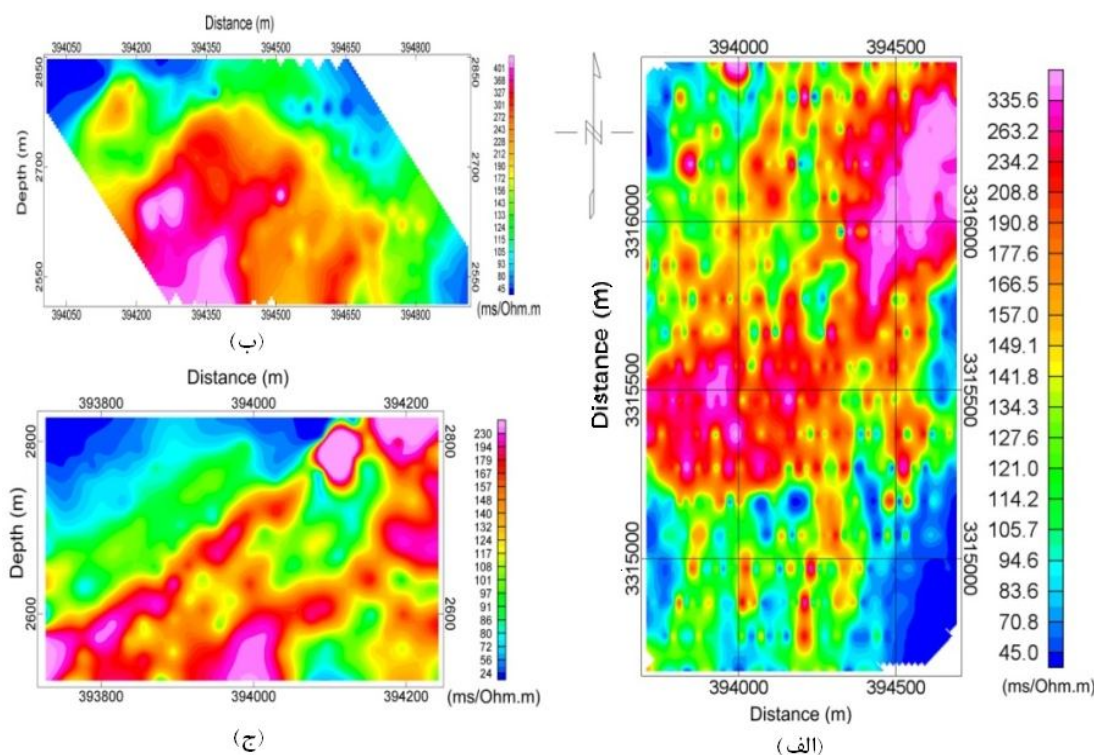


شکل ۱. نقشه زمین‌شناسی منطقه سریدون (جان و همکاران، ۲۰۱۰).

(دیجیتال) در شرایط نمونه‌برداری با تراکم متفاوت پرداختند و متوجه کارایی بهتر و دقت بیشتر روش کریجینگ با روند بیرونی در برآورد هدف شدند؛ این دقت متناسب با افزایش تعداد نمونه‌ها بیشتر می‌شد. تریزی و همکاران (۲۰۰۰) با به کار بردن روش کریجینگ با روند بیرونی و استفاده از داده‌های مقاومت ویژه الکتریکی در حکم داده‌های ثانویه به بررسی توزیع فضایی رسانش الکتریکی در ذخایر غیرتلفیقی در منطقه مونتالتو در ایتالیا پرداختند و با این روش به نتایج قابل قبولی رسیدند. اسنپوانگر و همکاران (۲۰۰۳) روش ساختند که روش کریجینگ با روند بیرونی، مزایای بیشتری نسبت به روش کریجینگ معمولی در حوضه فضا - زمان دارد، عمدتاً به این علت که در این روش روند قابل هدایت است. البته آنها مزایایی از روش کریجینگ معمولی نسبت به کریجینگ با روند بیرونی را نیز مطرح کرده‌اند که بیشتر

هم مختصات یک روش زمین‌آماري چند متغیره است که فقط از داده‌های ثانویه هم مختصات با محل برآورد متغیر اولیه استفاده می‌کند. این روش با در نظر گرفتن همبستگی فضایی در نقاط نمونه برداری هم مختصات با متغیر اولیه و سادگی استفاده به واسطه روابط مارکوف، نسبت به سایر روش‌هایی که از ترکیب اطلاعات ثانویه استفاده می‌کنند، برتری دارد. از طرفی اجرای روش، ساده است و تنها آماره موردنیاز برای ادغام داده‌ها، ضریب همبستگی بین داده‌های اولیه و ثانویه است (واکرنگل، ۲۰۰۲).

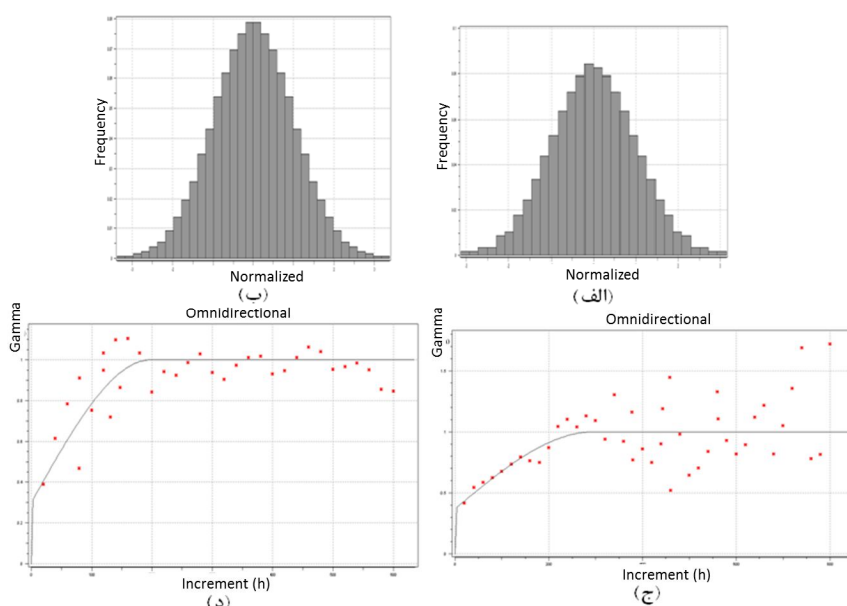
روش‌های کو کریجینگ هم مختصات و کریجینگ با روند بیرونی را بسیاری از محققان مورد استفاده قرار داده‌اند. برای مثال بورنان و همکاران (۲۰۰۰) در یک بررسی موردی به مقایسه دو روش کریجینگ با روند بیرونی و رگرسیون خطی ساده در پیش‌بینی ضخامت افقی خاک با استفاده از متغیر کمکی مدل ارتفاعی رقمی



شکل ۲. برداشت داده‌های ثانویه ضریب سولفیدی: (الف) آرایش مستطیلی، (ب) و (ج) آرایش قطبی - دوقطبی.

از توپوگرافی درحکم داده ثانویه در این مثال مورد بررسی در معدن زغال‌سنگ زیرزمینی استفاده شده است. هر دو روش به کار رفته نتایج بهتری نسبت به روش کریجینگ معمولی که از داده‌های توپوگرافی استفاده نکرده است داشته‌اند. واتاناب (۲۰۰۸) نتایج به‌دست آمده از روش کریجینگ با روند بیرونی را در رابطه با همبستگی بین متغیرها شرح می‌دهد، و نتیجه می‌گیرد که اگر میزان همبستگی کم باشد نتایج به‌دست آمده با نتایج برآورد کریجینگ معمولی تفاوت زیادی نخواهد داشت. فرناندز و روچا (۲۰۱۰) روش کریجینگ با روند بیرونی را در ارزیابی ذخایر سنگ آهک و لاتریت به کار بردند و هنگام مقایسه نتایج با روش کریجینگ معمولی مشاهده کردند که تفاوت زیادی در بلوک‌های برآورد شده به دو روش وجود ندارد. اما روش کریجینگ با روند بیرونی را می‌توان جایگزین قابل‌اعتمادی برای روش‌های زمین‌آماري چندمتغیره مانند کوکریجینگ معمولی به‌شمار

مربوط به سادگی روش کریجینگ معمولی است. لوئیس (۲۰۰۴) روش کریجینگ با روند بیرونی را در برآورد عیار طلا با اطلاعات ثانویه‌ای همچون سنگ‌شناسی و عیار نقره به کار برد و نتیجه گرفت که استفاده از این اطلاعات در بهبود دقت برآورد عیار طلا مفید است. بویزیو و همکاران (۲۰۰۶) توپوگرافی را درحکم داده ثانویه برای برآورد دقیق‌تر سطح آب زیرزمینی در یک معدن زغال‌سنگ به کار بردند و سپس با استفاده از روش‌های کریجینگ معمولی و کریجینگ ساده با میانگین محلی متغیر و کوکریجینگ هم‌مختصات به این نتیجه رسیدند که روش کوکریجینگ هم‌مختصات نسبت به سایر روش‌ها کارایی و دقت بیشتری نشان می‌دهد. در تحقیق دیگری که بازم از سوی بویزیو و همکاران (۲۰۰۶) در محدوده معدن زغال‌سنگ در سانتاکاترینا صورت گرفت، دو روش کوکریجینگ هم‌مختصات و کریجینگ با روند بیرونی برای برآورد سطح آب به کار برده شد، در حالی که



شکل ۳. بافت‌نمای مقادیر بهنجارشده: (الف) مس (ب) ضریب سولفیدی، واریوگرام بی‌جهت: (ج) داده‌های مس (د) داده‌های ضریب سولفیدی.

به کار بردن روش کوکریجینگ هم مختصات، ضمن اینکه تصریح کرده‌اند که کاربرد روش بسیار ساده است به نتایج با کیفیت و دقت خوبی دست یافتند. براساس این ایده در تحقیق حاضر، متغیر مس به روش‌های کریجینگ معمولی، کوکریجینگ هم مختصات و کریجینگ با روند بیرونی برآورد شد و نتایج مورد مقایسه قرار گرفت. متغیر ثانویه مورد استفاده در این بررسی ضریب سولفیدی بوده است.

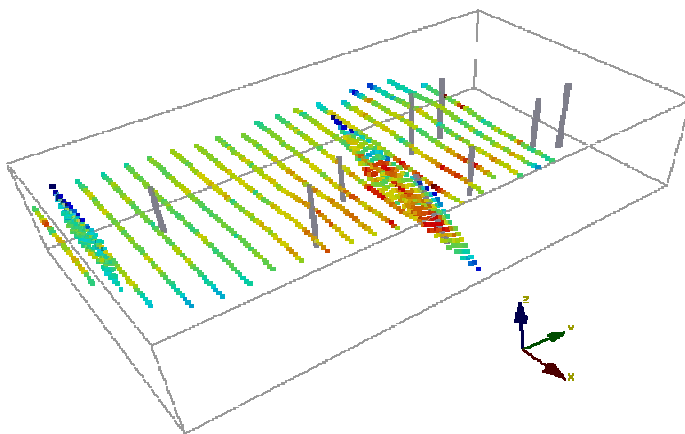
## ۲ روش تحقیق

روش‌های کوکریجینگ هم مختصات و کریجینگ با روند بیرونی که در این تحقیق به کار رفته‌اند، در این بخش به صورت خلاصه شرح داده می‌شوند.

### ۱-۲ کوکریجینگ هم مختصات

کوکریجینگ هم مختصات شکل ساده شده‌ای از کوکریجینگ است که از داده‌های ثانویه S فقط در نقاطی که قرار است متغیر اولیه برآورد شود استفاده می‌کند.

رود، زیرا نسبت به روش‌های دیگر به تلاش کمتری برای برآورد متغیر موردنظر نیاز دارد. فرج‌پور و همکاران (۲۰۱۰) با مقایسه روش‌های زمین‌آمار در تعیین توزیع تخلخل در یکی از میادین نفتی جنوب غربی ایران و پس از اعمال روش‌های زمین‌آمار مشاهده کردند که نتایج حاصل از روش کریجینگ با روند بیرونی نسبت به نتایج به‌دست آمده از روش‌های کریجینگ معمولی و کوکریجینگ، دقیق‌تر است و در نهایت برای تعیین توزیع تخلخل با دقت زیاد از روش کریجینگ با روند بیرونی استفاده کردند. کویی و همکاران (۲۰۱۰) با استفاده از روش کوکریجینگ هم مختصات به شبیه‌سازی تخلخل پرداختند و در نهایت نتایج تجربی نشان داد که بازسازی ساختارها و ویژگی‌های تخلخل در داده‌های ثانویه، مطلوب و خیلی بهتر از زمانی است که از روش کوکریجینگ در شبیه‌سازی توزیع تخلخل استفاده می‌شود. ژیانگ و لی (۲۰۱۰) در منطقه زائویان در حوضه کینشوئی از داده‌های مربوط به مقادیر خاکستر در حکم داده ثانویه در شبیه‌سازی تخلخل استفاده کردند و پس از



شکل ۴. شبکه طراحی شده برای برآورد مس.

$$\sum_{i=1}^n [a_i \text{cov}(Z_i, Z_i) + b \text{cov}(S_i, Z_j)] =$$

$$\text{cov}(Z^*, Z_j), \rightarrow j = 1, 2, \dots, n$$

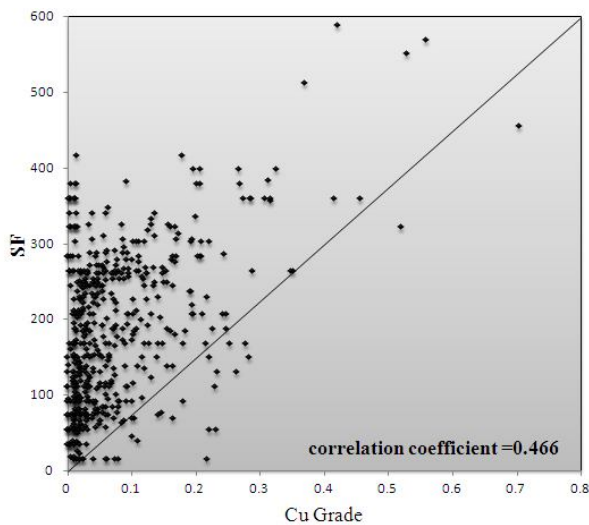
$$\sum_{i=1}^n a_i \text{cov}(Z_i, S) + b \text{cov}(S^*, S^*) = \text{cov}(Z^*, S^*). \quad (2)$$

با توجه به دستگاه معادلات بالا فقط به داشتن اطلاعات در مورد کوواریانس متغیر اولیه نیاز داریم و به کوواریانس متغیر ثانویه  $\text{Cov}(S, S)$  نیاز نیست و کوواریانس متغیر اولیه و ثانویه  $\text{Cov}(Z, S)$ ,  $\text{Cov}(S, Z)$

شکل این برآوردگر به صورت زیر است (کای و دیمیتراکوپولوس، ۲۰۰۰):

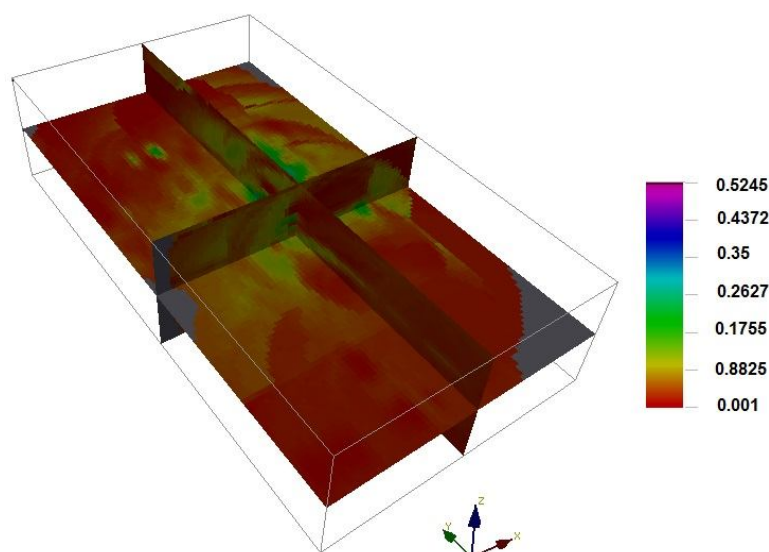
$$Z^* = \sum_{i=1}^n a_i [Z_i - \bar{Z}] + b[S - \bar{S}], \quad (1)$$

که  $a_i$  و  $b$  وزن‌های کریجینگ و  $S$  مقدار داده ثانویه در محل برآورد متغیر اولیه  $Z^*$  متغیر اولیه است. وزن‌های  $a_i$  و  $b$  با حل دستگاه معادلات کوکریجینگ هم‌مختصات به صورت زیر به دست می‌آید:



شکل ۵. نمودار پراکندگی داده‌های مس و ضریب سولفیدی.





شکل ۶. نتایج برآورد مس با کوکریجینگ هم مختصات.

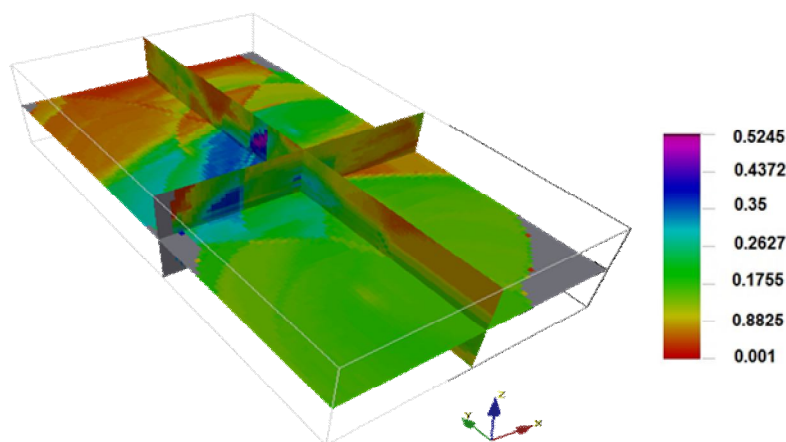
## ۲-۲ کریجینگ با روند بیرونی

این روش شاخه‌ای از کریجینگ عام است و اجازه می‌دهد که یک متغیر  $Z$  که در تعداد نقاط کمی از منطقه مورد بررسی شناخته شده است، به کمک متغیر دیگر  $S$  که به صورت جامع در همان ناحیه شناخته شده است، پیش‌بینی شود.  $Z$  را با یک تابع تصادفی  $Z(x)$  و  $S$  را به منزله یک متغیر قطعی  $S(x)$  مدل‌سازی می‌کنیم. فرض

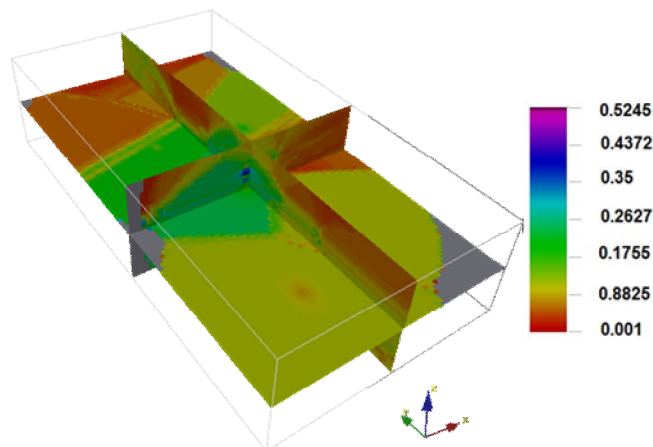
نیز به شکل زیر و با استفاده از مدل مارکوف به دست می‌آید (کای و دیمیتراکوپولوس، ۲۰۰۰):

$$\text{cov}(Z, S) = \rho_{ZS} \sqrt{\text{Var}(Z) \text{Var}(S)} = \sqrt{\frac{\text{Var}(S)}{\text{Var}(Z)}} \times \rho_{ZS} \times \text{Cov}(Z, Z), \quad (3)$$

که  $\text{Var}(S)$ ،  $\text{Var}(Z)$  به ترتیب واریانس‌های داده‌های اولیه  $(Z)$  و ثانویه  $(S)$  هستند و  $\rho_{ZS}$  هم ضریب همبستگی خطی متغیرهای هم مختصات  $Z$  و  $S$  است. با استفاده از این روش فقط به تابع کواریانس متغیر اولیه نیاز داریم (کای و دیمیتراکوپولوس، ۲۰۰۰).



شکل ۷. نتایج برآورد مس به روش کریجینگ با روند بیرونی.



شکل ۸. نتایج برآورد مس توسط کریجینگ معمولی.

پایایی مفهومی است که بستگی به مقیاس دارد. در روش کریجینگ با روند بیرونی می‌توان از یک یا چند متغیر کمکی  $S_i(x)$  و  $i=1, 2, \dots, M$  که به صورت جامع در منطقه برداشت شده‌اند برای تحلیل روند استفاده کرد. لازم است که تابع‌های  $S_i(x)$  در همه نقاط  $x$  که متغیر  $Z(x)$  نمونه‌برداری شده است و نیز در نقاطی که قرار است برآورد شود مشخص باشند (بورنان و کینگ، ۲۰۰۳). اگر داده‌های ثانویه در همه نقاطی که ذکر شد به صورت مستقیم در دسترس نبودند، در حالت پیشرفته‌تر می‌توان با اجرای کریجینگ معمولی و مدل‌سازی تابع واریوگرام، توزیع فضایی داده‌های کمکی را به دست آورد (تریزی و همکاران، ۲۰۰۰).

از لحاظ نظری واریوگرام در روش کریجینگ با روند بیرونی باید از مقادیر باقی‌مانده  $Z(x) - m(x)$  استنباط شود. این موضوع ساده نیست، چون هیچ کدام از باقی‌مانده‌ها و یا روند از قبل مشخص نیستند. یک راه حل این است که ابتدا روند  $m(x)$  برآورد شود، سپس مقادیر باقی‌مانده  $r(x) = Z(x) - m(x)$  را محاسبه کنیم و در نهایت واریوگرام باقی‌مانده‌ها را به دست آوریم. این روش ممکن است نیاز به شروع یک پردازش تکرارشونده داشته باشد، برای مثال، شروع با یک واریوگرام تقریبی از داده‌های

می‌شود که هر دو کمیت به صورت خطی با یکدیگر در ارتباط هستند و مقدار متوسط  $Z(x)$  معادل با یک ترکیب خطی از  $S_i(x)$ ، ثابت  $a_0$  و ضریب  $b_i$  است (بورنان و کینگ، ۲۰۰۳):

$$E[Z(x)] = a_0 + b_1 S(x), \quad (4)$$

برآوردگر، یک ترکیب خطی از مقدار نمونه‌ها در مکان  $x_i$  ( $i=1, 2, \dots, n$ ) و وزن‌های کریجینگ  $w_i$  است:

$$Z^*(x_0) = \sum_{i=1}^n w_i Z(x_i), \quad \text{با شرط } \sum_{i=1}^n w_i = 1, \quad (5)$$

وزن‌های  $w_i$  با حل دستگاه معادلات زیر به دست می‌آیند:

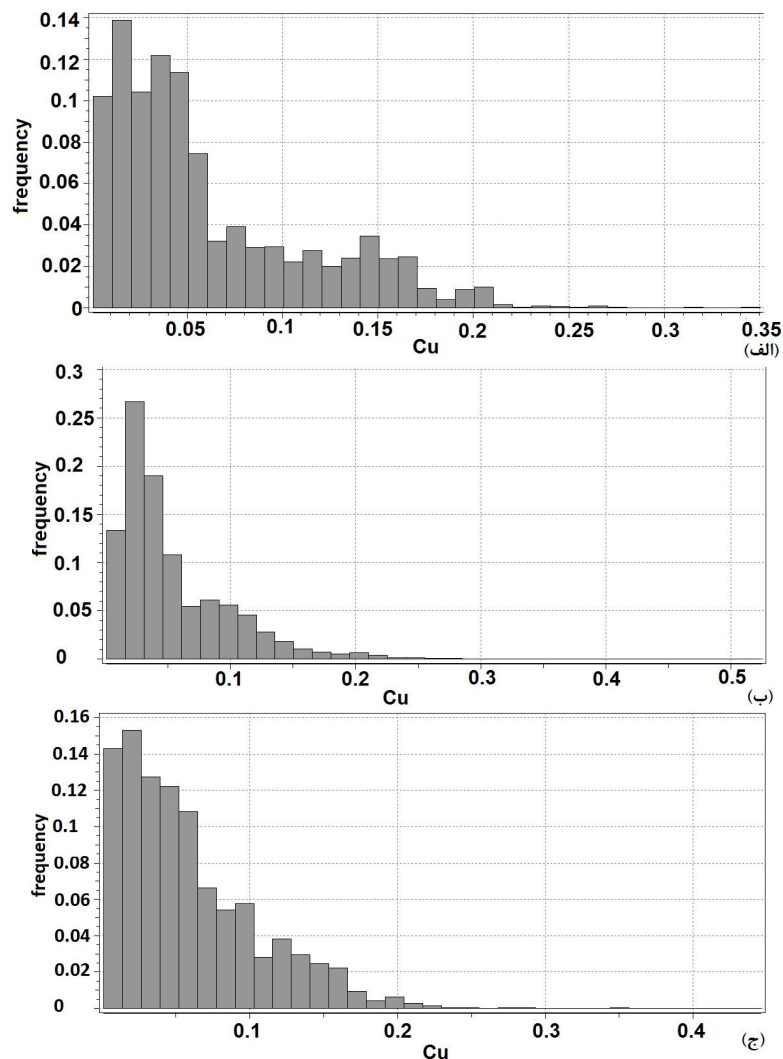
$$\sum_{j=1}^n w_j C(x_i - x_j) - \mu_1 - \mu_2 S(x_i) = C(x_i - x_0),$$

$$i = 1, 2, \dots, n \quad \sum_{i=1}^n w_i = 1, \quad \sum_{i=1}^n w_i S(x_i) = S(x_0),$$

که در آن  $n$  تعداد نقاط موجود در هر همسایگی جست‌وجو،  $C$  تابع کواریانس باقی‌مانده‌های حاصل از تفاضل متغیر اولیه از رویه روند در نقاط متفاوت  $\mu_1$  و  $\mu_2$  ضرایب لاگرانژ هستند که به منظور برقراری شرایط نااریب بودن، محاسبه می‌شوند.

ممکن است ترکیب یک تابع پایای مرتبه دوم ( $S$ ) با یک تابع میانگین ناپایا ( $Z$ ) باعث تعجب باشد. به هر حال





شکل ۹. بافت‌نماهای مس برآورد زده شده توسط: (الف) کریجینگ معمولی، (ب) کوکریجینگ هم مختصات و (ج) کریجینگ با روند بیرونی.

این است که تغییرات فضایی باقی مانده‌ها به صورت همسانگرد است (هابرلندت، ۲۰۰۷).

### ۳ نتایج تجربی و تحلیل‌ها روی داده‌های مس و ضریب سولفیدی منطقه

#### ۳-۱ زمین‌شناسی منطقه مورد بررسی

ناحیه موردنظر عمدتاً شامل یک کمپلکس آتشفشانی ائوسن است که از گدازه آندزیت - بازالت (۸۰٪)، گدازه تراکی - آندزیت (۱۰٪) و رسوبات آبرفتی (۱۰٪) تشکیل شده است. می‌توان گفت این کانسار پورفیری یک توده

اولیه  $Z(x)$  و متعاقباً بهبود آن (هابرلندت، ۲۰۰۷). یک راه حل ساده‌تر انتخاب صرفاً جفت داده‌هایی از  $Z(x)$  است که تحت تأثیر روند نیستند، یعنی  $m(x) = 0$ ، یا به مقدار کم تحت تأثیر هستند، بنابراین در مورد این جفت داده‌ها  $Z(x) = I(x)$  و می‌توان به‌طور مستقیم واریوگرام موردنظر را به‌دست آورد (هابرلندت، ۲۰۰۷، گوارتس، ۱۹۹۹ و باکستر و لیور، ۲۰۰۵). برای مثال اگر روند ناهمسانگرد بود، برای برآورد واریوگرام فقط از جفت داده‌هایی که در جهت عمود بر روند قرار دارند استفاده می‌شود، فرض

که  $M$  بارپذیری،  $\rho_a$  مقاومت ویژه ظاهری و  $SF$  ضریب سولفیدی است.

شکل ۲، نقشه‌های ضریب سولفیدی را برای آرایش‌های مستطیل و قطبی-دوقطبی در منطقه مورد بررسی نشان می‌دهد.

بی‌هنجاری حاصل از این پارامتر که ترکیبی از بی‌هنجاری‌های بارپذیری و مقاومت ویژه است، محدودتر و مرتبط‌تر با کانی‌سازی است (انصاری، ۱۳۸۶). در این بررسی ابتدا به یکسان‌سازی طول داده‌های حاصل از حفاری پرداخته شد و سپس توزیع آن همراه داده‌های ضریب سولفیدی با استفاده از تبدیل چندک‌های نظیر به توزیع نرمال تبدیل شد و واریوگرافی روی آنها صورت گرفت (شکل ۳).

یک شبکه  $20 \times 20 \times 20$  مترمربع در فضای  $X=1220m$ ,  $Y=2280m$ ,  $Z=520m$  در نرم‌افزار SGeMS طراحی و مقدار ضریب سولفیدی با استفاده از روش کریجینگ معمولی برآورد شد. این شبکه به گونه‌ای طراحی شده است که بتواند همه داده‌های اولیه و ثانویه را شامل شود (شکل ۴). با در دست داشتن مقادیر ضریب سولفیدی در محل کامپوزیت‌ها ضریب همبستگی مس و ضریب سولفیدی به میزان ۰.۴۶۶ تعیین شد (شکل ۵).

گرانودیوریتی - کوارتز مونزونیتی است. دو معدن بزرگ موجود در این منطقه سرچشمه و دره زار هستند. نقشه زمین‌شناسی منطقه سریدون در شکل ۱ نشان داده شده است. این کانسار شامل آندزیت و تراکی آندزیت ائوسن است که در گرانودیوریت میوسن بالایی نفوذ کرده است و با دایک‌های کوارتز مونزونیتی و گرانودیوریتی پرفیری قطع شده است (برزگر، ۲۰۰۷).

### ۲-۳ داده‌ها و روش‌ها

در این تحقیق داده‌های اولیه شامل عیار مس برداشت شده از گمانه‌ها در ناحیه موردنظر و داده‌های ثانویه، برداشت‌های الکتریکی قطبی-دوقطبی است. در منطقه موردنظر به‌منظور برداشت‌های الکتریکی مقاومت ویژه و بارپذیری، از آرایش مستطیلی با فاصله خطوط جریان ۱۲۰۰ متر و فاصله الکترودی ۲۰ متر برای بررسی تغییرات کل منطقه و از آرایش قطبی - دوقطبی با فاصله الکترودی ۴۰ متر در دو نیم‌رخ به طول ۱۰۰۰ متر استفاده شده است. با در دست داشتن داده‌های مربوط به بارپذیری و مقاومت ویژه، ضریب سولفیدی به صورت زیر تعریف می‌شود که این ضریب برحسب واحد عامل فلزی است:

$$SF = \frac{M \times 2000}{6.6 \times \rho_a} \quad (7)$$

جدول ۱. پارامترهای آماری تخمین توسط روش‌های به‌کاررفته.

عیار واقعی مس	کریجینگ معمولی	کوکرکریجینگ هم‌مختصات	کریجینگ با روند بیرونی
میانگین خطای برآورد	-	۰/۸۸۵۹	۰/۵۴۳
انحراف معیار خطای برآورد	-	۰/۱۶۶	۰/۱۴۸
میانگین مس	۰/۰۷	۰/۰۶۲	۰/۰۵۹
انحراف معیار	۰/۰۹	۰/۰۵۲	۰/۰۴۶
کمینه	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱	۰/۰۰۱
بیشینه	۰/۶۵	۰/۳۵	۰/۴۵

جدول ۲. نتایج اعتبارسنجی روش های کریجینگ معمولی، کوکریجینگ هم مختصات و کریجینگ با روند بیرونی.

	MAE	RMSE	R
کریجینگ معمولی	۰/۰۳۰۹	۰/۰۰۴۸۸	۰/۸۰۲۵
کوکریجینگ هم مختصات	۰/۰۳۲۱۸	۰/۰۰۴۷	۰/۸۲۱۱۶
کریجینگ با روند بیرونی	۰/۰۲۸۰۶	۰/۰۰۴۳۹	۰/۸۴۸۹۷

کریجینگ با روند بیرونی دارای هموارشدگی کمتری است و بهتر به بازتولید الگوی عیار مس پرداخته است. با مشاهده نتایج به دست آمده از روش های برآورد مورد نظر دیده می شود که میانگین خطای برآورد در همه روش ها نسبتاً زیاد است که علت احتمالی آن کمبود داده اولیه و تعداد کم گمانه ها است. اما در نهایت با مقایسه نتایج مشخص می شود که روش کوکریجینگ هم مختصات علاوه بر سادگی اجرا با توجه به همبستگی که بین داده های مس و ضریب سولفیدی وجود دارد باعث کاهش میانگین خطای برآورد و نیز کاهش انحراف معیار خطای برآورد شده است و همچنین میانگین خطای برآورد و انحراف معیار خطای برآورد برای روش کریجینگ با روند بیرونی نسبت به روش کریجینگ معمولی پایین تر است. همان طور که نتایج نشان می دهند بازه تغییرات مس در روش های کریجینگ با روند بیرونی و کوکریجینگ هم مختصات بیشتر از روش کریجینگ معمولی است. این بازه برای روش کوکریجینگ هم مختصات بیشتر است. مقایسه بین نتایج برآورد و مقادیر واقعی مس در جدول ۱ آورده شده است.

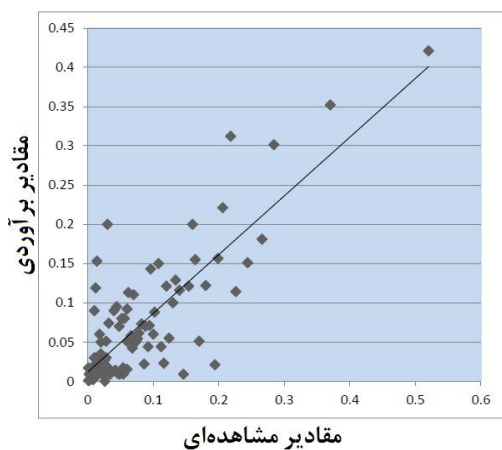
در این تحقیق ابتدا روش کوکریجینگ هم مختصات صورت گرفت. نتایج این محاسبات در شکل ۶ نشان داده شده است. سپس روش کریجینگ با روند بیرونی در شبکه طراحی شده اجرا شد (شکل ۷). به منظور مقایسه، برآورد مس به روش کریجینگ معمولی نیز صورت گرفت. نتایج این برآورد در شکل ۸ نمایش داده شده است.

همان طور که نتایج نشان می دهد توزیع برآورد مس در هر کدام از روش ها متفاوت است. اما آنچه مشخص است این است که برآورد عیار مس به روش های کوکریجینگ هم مختصات و کریجینگ با روند بیرونی نسبت به روش کریجینگ معمولی کمتر تحت تأثیر داده های گمانه ها است. نقشه های بدست آمده با استفاده از روش های کوکریجینگ هم مختصات و کریجینگ با روند بیرونی تأثیر متغیر ثانویه ضریب سولفیدی را در مقایسه با روش کریجینگ معمولی که در آن برآوردها به شدت هموار شده اند، آشکار می کند. جدول ۱ پارامترهای آماری برآورد را برای روش های به کار برده شده نشان می دهد. بافت نماهای مس برآورد شده با این روش ها نیز در شکل ۹ نشان داده شده است. همان طور که در شکل ها مشاهده می شود نتایج برآورد مس در

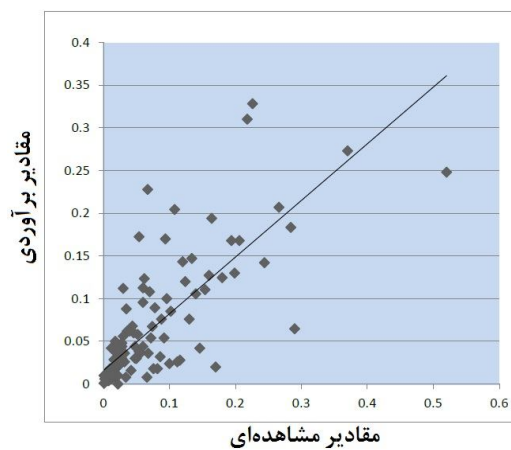
## ۳-۴ اعتبارسنجی روش‌ها

اعتبارسنجی نتایج با استفاده از روش اعتبارسنجی حذفی صورت گرفت. به این صورت که در این تحقیق، ۲۰ درصد از داده‌های مشاهده‌ای به صورت تصادفی حذف شدند. این روش برخلاف اعتبارسنجی متقابل که در آن فقط یک داده حذف می‌شود و با سایر داده‌ها در محل داده حذف شده، برآورد صورت می‌گیرد، ۲۰ درصد داده‌ها حذف شدند تا توانایی روش در بازتولید داده‌ها بهتر اثبات شود. با حذف ۲۰ درصد از داده‌های کل به صورت تصادفی، انتخاب نقاط مشاهده‌ای از همه گمانه‌ها و نیز از همه عیارهای کم و زیاد صورت می‌گیرد. در مرحله بعد با

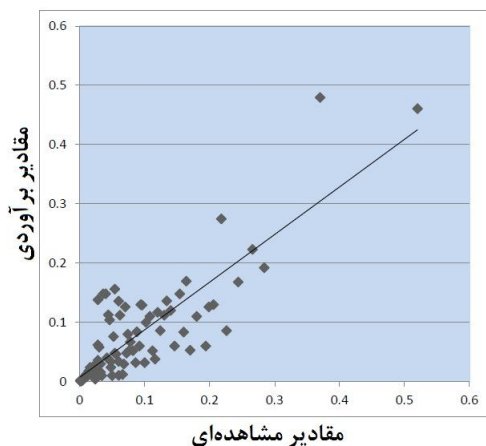
به کارگیری روش‌های کریجینگ، کوکریجینگ هم‌مختصات و کریجینگ با روند بیرونی، برآورد برای نقاط حذف شده صورت گرفت. با در دست داشتن مقادیر مشاهده‌ای و مقادیر برآورد شده با استفاده از معیارهای میانگین قدر مطلق خطا (MAE)، ریشه دوم میانگین مربع خطا (RMSE) و ضریب همبستگی مقادیر مشاهده‌ای (R)، اعتبارسنجی برای روش‌های موردنظر صورت گرفت. نتایج این اعتبارسنجی در جدول ۲ آورده شده است. نمودار پراکنش مقادیر مشاهده‌ای و برآوردهای حاصل از روش‌های زمین‌آماري متفاوت نیز در شکل ۱۰ نشان داده شده است.



(ب)



(الف)



(ج)

شکل ۱۰. نمودار پراکنش مقادیر مشاهده‌ای و برآوردی در روش (الف) کریجینگ معمولی، (ب) کوکریجینگ هم‌مختصات و (ج) کریجینگ با روند بیرونی.

کرده است و نیز استفاده از روش کوریجینگ با روند بیرونی با میانگین خطای ۰/۸۷۶ نسبت به کوریجینگ معمولی با میانگین خطای ۰/۸۸۵۹ مناسب‌تر بوده است. در برآورد به روش کوریجینگ، عیار مس بسیار تحت تأثیر داده‌های گمانه است ولی ظاهراً در کوکریجینگ هم‌مختصات و کوریجینگ با روند بیرونی، با توجه به در نظر گرفتن همبستگی مس و ضریب سولفیدی توزیع مناسب‌تری صورت گرفته است. از سوی دیگر با مشاهده نقشه‌های توزیع عیار مس در منطقه، دیده می‌شود که تقریباً مناطق پُرعیارتر در قسمت شمال شرقی ناحیه قرار گرفته‌اند، یعنی جایی که می‌توان گفت مقادیر ضریب سولفیدی نیز زیاد است.

#### منابع

- فرج‌پور، ز.، نبی بیدهندی، م.، ترابی، م.، ر.، و باقری، م.، ۱۳۸۹، مقایسه روش‌های زمین‌آماري جهت تعیین توزیع تخلخل در یکی از میداين نفتی جنوب غربی ایران: چهاردهمین کنفرانس ژئوفیزیک ایران، مقالات پوستری، ۹۴۸-۹۵۱.
- انصاری، م. ح.، ۱۳۸۶، مطالعه ژئوفیزیکی در محدوده سریدون کرمان: پایان‌نامه کارشناسی ارشد اکتشاف معدن، دانشگاه تهران.
- Barzegar, H., 2007, Geology, Petrology and Geochemical Characteristics of Alteration Zones within the Seridune Prospect, Kerman, Iran: unpublished Ph.D. thesis.
- Boezio, M. N. M., Costa, J. F. C. L., and Koppe, J. C., 2006a, Accounting for Extensive Secondary Information to Improve Watertable Mapping: International Association for Mathematical Geology.
- Boezio, M. N. M., Costa, J. F. C. L., and Koppe, J. C., 2006b, Kriging with an external drift versus collocated cokriging for water table mapping: Applied Earth Science (Trans. Inst. Min. Metall. B).
- Bourennane, H., King, D., and Couturier, A., 2000, Comparison of kriging with external drift and simple linear regression for

مقایسه نتایج هر سه روش زمین‌آماري نشان می‌دهد که استفاده از روش کوریجینگ با روند بیرونی برآورد بهتری را در مکان‌هایی که متغیر اولیه وجود دارد فراهم می‌کند. زیرا هم براساس بافت‌نما در شکل ۹ مشخص است که بازتولید عیار بهتر و با هموارشدگی کمتری صورت گرفته است و هم براساس معیارهای میانگین قدر مطلق خطا (MAE)، ریشه دوم میانگین مربع خطا (RMSE) و ضریب همبستگی مقادیر مشاهده‌ای و واقعی (R)، روش کوریجینگ با روند بیرونی نتایج خوبی به دست می‌آید.

#### ۴ نتیجه‌گیری

در این تحقیق از روش‌های زمین‌آماري چندمتغیره کوکریجینگ هم‌مختصات و کوریجینگ با روند بیرونی از متغیر ضریب سولفیدی به منظور برآورد متغیر مس استفاده شده است. هر دو روش نسبت به روش کوریجینگ معمولی که از متغیر ثانویه استفاده نمی‌کند نتایج بهتری را نشان می‌دهند. نتایج اعتبارسنجی نیز تأکید می‌کند که استفاده از روش کوریجینگ با روند بیرونی مناسب‌تر بوده است. روش کوکریجینگ هم‌مختصات با در نظر گرفتن همبستگی فضایی متغیرهای اولیه و ثانویه نسبت به سایر روش‌هایی که از ترکیب اطلاعات ثانویه استفاده می‌کنند دارای برتری است. از طرفی اجرای این روش بسیار ساده است چرا که ضریب همبستگی بین داده اولیه و ثانویه تنها آماره موردنیاز برای ادغام داده ثانویه است.

در روش کوریجینگ با روند بیرونی از متغیرهای کمکی برای پیش‌بینی مدل روند در منطقه استفاده می‌شود و فرض بر این است که متغیر اولیه به صورت یک تابع خطی از متغیر ثانویه است. نتایج تجربی روی داده‌های عیار مس و داده‌های ضریب سولفیدی در منطقه مورد بررسی روشن ساخت که روش کوکریجینگ هم‌مختصات با داشتن میانگین خطای برآورد کمتر نسبت به روش‌های کوریجینگ معمولی و کوریجینگ با روند بیرونی بهتر عمل

- Vikre, P.G., 2010, Porphyry copper deposit model, chap. B of Mineral deposit models for resource assessment: U.S. Geological Survey Scientific Investigations Report, 2010-5070-B, 169 p.
- Kay, M., and Dimitrakopoulos, R., 2000, Integrated Interpolation Methods for Geophysical Data: International Association for Mathematical Geology.
- Li, S., and Jiang, Y., 2010, Application of Improved Collocated Cokriging: 2nd International Conference on Computer Engineering and Technology. Chengdu, China
- Qi, J., Mu, C., and Zhang, T., 2010, A Novel Porosity Simulation Method using the Markov Model: Computer Science and Information Technology (ICCSIT), 2010 3rd IEEE International Conference on, 2, 549 – 553.
- Troisi, S., Fallico, C., Straface, S., and Migliari, E., 2000, Application of kriging with external drift to estimate hydraulic conductivity from electrical-resistivity data in unconsolidated deposits near Montalto Uffugo, Italy: Hydrogeology Journal, 8, 356–367.
- Wackernagel, H., 2002, Multivariate Geostatistics: Springer, 165-170.
- predicting soil horizon thickness with different sample densities: Geoderma, 97, 255– 271.
- Borennane, H., and King, D., 2003, Using multiple external drifts to estimate a soil variable: Geoderma, 114, 1–18.
- Boxter, S. J., and Oliver, M. A., 2005, The spatial prediction of soil mineral N and potentially available N using elevation: Geoderma, 128, 325–339.
- Fernandes, J. A. B., and Rocha, M. M., 2010, Kriging with External Drift Applied to Evaluation of Mineral Resources of Limestone and Lateritic Ore: IAMG.
- Goovaerts, P., 1999, Using elevation to aid the geostatistical mapping of rainfall erosivity: Department of Civil and Environmental Engineering, The University of Michigan, Ann Arbor, MI 48109-2125, USA.
- Haberlandt, U., 2007, Geostatistical interpolation of hourly precipitation from rain gauges and radar for a large-scale extreme rainfall event: Institute of Water Resources Management, Journal of Hydrology, 332, 144– 157.
- John, D. A., Ayuso, R. A., Barton, M. D., Blakely, R. J., Bodnar, R. J., Dilles, J. H., Gray, Floyd, Graybeal, F. T., Mars, J. C., McPhee, D. K., Seal, R. R., Taylor, R. D., and