کاربرد تبدیل آدامار در جداسازی رخسارههای مخزن

محمدرضا ابراهیمی' و محمدعلی ریاحی'*

^اموسسه ژئوفیزیک دانشگاه تهران، ایران

(تاریخ دریافت: ۱۳۹۰/۷/۴، تاریخ پذیرش: ۱۳۹۱/۶/۲۸)

چکیدہ

برخلاف تبدیل فوریه که دادهها را روی دسته موجهای سینوسی تصویر می کند، تبدیل آدامار دادهها را روی یک سری تابعهای مربعی به نام تابعهای والش تصویر می کند. در این مقاله از نشانگر جابهجایی نامتغیر یا طیف توان تبدیل آدامار، برای طبقهبندی رخسارههای مخزن استفاده می شود. تبدیل موردنظر نسبت به تغییرات دیادیک حساس نیست و بنا به این خاصیت، تصادفی بودن رخسارههای مخزن را به خوبی تشخیص می دهد. برای بررسی توانایی این نوع نشانگر، آن را روی دادههای لرزهای سه بعدی سازند سروک از از میادین جنوب غربی ایران اِعمال کردهایم. رخسارههای مخزن برای این میدان، براساس تخلخل دستهبندی شدهاند. تعداد رخساره های تخلخل به کمک نگارهای تخلخل به دست آمده از چهار چاه موجود در منطقه، به چهار دسته تخلخل تقسیم شدند. درنهایت با استفاده از شبکه عصبی، کل مکعب لرزهای با ضریب همبستگی ۸۱ درصد به این چهار رخساره تخلخل تبدیل شده است.

واژههای کلیدی: تبدیل آدامار، تابعهای والش، رخساره مخزن، تخلخل، سازند سروک، شبکه عصبی

Application of Hadamard Transform for reservoir lithofacies discrimination

Mohammad Reza Ebrahimi¹ and Mohammad Ali Riahi^{1*}

¹Institute of Geophysics, University of Tehran, Iran

(Received: 26 September 2011, accepted: 18 September 2012)

Summary

This study applies the translation invariant attribute (TIA) using the Hadamard transform of the seismic data to discriminate lithofacies. The Hadamard transform (also known as the Walsh–Hadamard transform, Hadamard–Rademacher–Walsh transform, Walsh transform, or Walsh–Fourier transform) is an example of a generalized class of Fourier transforms. It performs an orthogonal, symmetric operation on 2^n real numbers (or complex numbers, although the Hadamard matrices themselves are purely real). The Hadamard transform can be regarded as being built out of size-2 Discrete Fourier Transforms (DFTs), and is in fact equivalent to a multidimensional DFT of a 2*2*2...*2 size. It decomposes an arbitrary input vector into a superposition of Walsh functions.

In mathematical analysis, the set of Walsh functions form an orthogonal basis of the square functions on the unit interval. The functions take the values -1 and +1 only, on sub-intervals defined by dyadic fractions. The orthogonal Walsh functions are used to perform the Hadamard transform, which is very similar to the way the orthogonal sinusoids are used to perform the Fourier transform. The Walsh functions are related to

^{*}Corresponding author:

the Rademacher functions; They both form a complete orthogonal system.

The Hadamard transform is particularly good at finding repeating, stacked vertical sequences. The dyadic shifts represent the invariant properties of the Hadamard transforms. The output of a translation invariant transform is insensitive to the dyadic shifts so that in geologic applications, the objective of using these transforms is to find a geologic pattern which have been analyzed anywhere in the time series, irrespective of their vertical position.

If z is the output of a dyadic shift invariant transform, such as the Hadamard transform, of a sequence x, then the dyadic shift invariant power spectrum $(\sum z^2)$, is termed as the translation invariant attribute. The translation invariant attribute computation requires 2^n input samples. If an input sequence does not have 2^n samples, then either zero padding or quite a large time window can be used to make 2^n samples.

This attribute is applied in 3D seismic data of Sarvak Formation of one of the oil fields in the south-west of Iran. The Sarvak Formation for this oilfield is a carbonate unit gradually overlying the Kazhdumi Formation. The thickness of Sarvak Formation increases towards the west and varies between 582 m and about 700 m. The reservoir facies for this field are classified based on their porosities. Four porosity facies were selected by using porosity logs of four vertical wells drilled in this oil field. All the seismic data are converted to those categories by Artificial Neural Network (ANN). The neural network used here was a Two-layer Feed-forward network with Error Back Propagation (EBP) for learning algorithms. The transfer function of the hidden neurons was hyperbolic tangent and the transfer function of the output neurons was linear. Three different time slices of Hadamard transform, translation invariant attribute were presented. The correlation between the real porosity and the predicted porosity using ANN was estimated to be about 81%. Finally, all the seismic data were converted to porosity facies by using ANN and three time slices of the porosity facies were calculated and shown.

Key words: Hadamard transform, Walsh function, reservoir facies, porosity, Sarvak Formation, neural network

هیدرو کربن مورد استفاده قرار گرفته است (براون، ۲۰۰۱). المحمد (۱۹۸۸) و ونگوپال (۱۹۹۹) چندین تبدیل جابهجایی نامتغیر و کاربرد آنها را در تشخیص الگو (Pattern recognition) توضیح دادند و سینگ (۲۰۰۷) کاربرد این تبدیلها را در ژئوفیزیک و تعیین خواص مخزن روشن ساخت.

نشانگر جابهجایی نامتغیر به نشانگری گفته میشود که نسبت به تغییرات دیادیک (Dyadic) حساس نباشد. بنابراین خاصیت، نشانگر یادشده میتواند تصادفی بودن یک پدیده را بهخوبی مشخص کند. از آنجا که رسوبات در حوزه رسوبی در اغلب مواقع بهصورت تصادفی روی هم انباشته شدهاند، رفتار تناوبی (Cyclic) نمیتواند جداسازی رخسارههای مخزن یکی از مراحل مهم در بررسی مخزن است. هرچند که نگارهای چاه خواص پتروفیزیکی یک بعدی با تفکیک پذیری عمودی خوبی را بهدست میدهد، ولی به علت تعداد کم و پراکنده بودن چاهها نسبت به یکدیگر، تفکیک پذیری افقی محدود است. بنابراین تلفیق دادههای چاه پیمایی و دادههای لرزهای کلیدی برای رسیدن به خصو صبات مخزن است.

۱ مقدمه

از دهه ۱۹۸۰، نشانگرهایی مانند شیب، امتداد، پیوستگی و دامنه به وفور به کار رفته است (راتلیف و واتکینز، ۱۹۸۹). نشانگرهای بسامد و دامنه نیز برای تعیین ضخامت و سنگشناسی مخزن و برآورد وجود

بیانگر الگوی درستی از این ذخایر رسوبی باشد. بسیاری از تبدیل های ریاضی مانند تبدیل فوریه و همبستگی متقابل (Cross correlation)، تبدیل های مستقل از تغییر مکان تناوبی هستند، ولی تنها تعداد محدودی از تبدیل ها، مانند تبدیل آدامار مستقل از تغییر مکان دیادیک هستند. بر خلاف تبدیل فوریه که داده ها را به صورت یک سری امواج سینوسی تصویر میکند، تبدیل آدامار، داده ها را به صورت یک سری از امواج مربعی به نام تابع های والش تصویر میکند.

در این تحقیق به دلیل اینکه رسوبات حوزههای رسوبی بهصورت تصادفی درون زمین قرار گرفتهاند، از تبدیل آدامار استفاده شده است. با استفاده از اِعمال تبدیل آدامار روی دادههای لرزه ای، نشانگر جابهجایی نامتغیر بهدست میآید؛ و درنهایت با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی، این نشانگر به رخسارههای مخزن تبدیل می-شود.

۲ تابعهای والش برای معرفی تابعهای والش، ابتدا باید تابعهای رادمچر (Rademacher) را تعریف کرد.

تابعهای رادمچر دارای دو آرگومان r و t هستند که RAD(r,t) دارای ¹-2^r دوره (Period) از موجهای مستطیلی شکل در زمان نرمال شده t (1≥t≥0)است. دامنه این تابعهای بر پایه مقادیر t، ۱+ و ۱- هستند. رابطه زیر تابعهای رادمچر را نشان میدهد (آونگ و همکاران، ۲۰۰۸):

 $RAD(r,t) = sgn(sin 2^{r} \pi t); r = 0,1,2,...;t \in [0,1]$ (1) $Sgn(x) = \begin{cases} +1, x \ge 0 \\ -1, x < 0, \end{cases}$ (Y)

حال تابعهای والش از ضرب تابعهای رادمچر بهصورت رابطه زیر بهدست میآیند:

$$\psi(n,t) = \prod_{i=0}^{N} \left[RAD(i+1,t) \right]^{n_i}, \ n_i \in \{0,1\},$$
 (Y)

$$n = \sum_{i=0}^{N} 2^{i} n_{i}, \qquad (\mathbf{f})$$

سیگنال (x(t به طول N را میتوان بهصورت سری والش نوشت:

$$x(t) = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} A_n \psi(n,t),$$
 (δ)

که ضریب والش A_n بهصورت زیر محاسبه میشود:

$$A_{n} = \frac{1}{N} \sum_{n=0}^{N-1} x_{n} \psi(n,t),$$
 (9)

طبق تعریف فوق تابعهای والش، تابعهای مربعیشکلی هستند که فقط مقادیر ۱+ و ۱– را به خود میگیرند (ذوالفقار و همکاران، ۲۰۱۱).

n در حیطه مبنای دو، برای یک بردار یک بعدی به طول nکه n توانی از دو باشد یعنی $n = 2^{r}$ ، برای هر عدد صحیح i که $i \in \{0, 1, \dots, 2^{r}\}$ است، خاصیت دیادیک به صورت زیر i عریف می شود (راجان و لی، ۲۰۰۲): $[i_{r}] = [i_{r-1}, i_{r-2}, \dots, i_{1}, i_{0}],$ (۷)

که علامت نشان داده شده در رابطه بالا ([]) بیانگر نمایش در مبنای دو است و:

$$\begin{split} &i_r = i_{r-1} 2^{r-1} + i_{r-2} 2^{r-2} + \ldots + i_1 2 + i_0, \\ &i_r = i_{r-1} 2^{r-1} + i_{r-2} 2^{r-2} + \ldots + i_1 2 + i_0, \end{split}$$

۳–۳ تغییر مکان دیادیک (Dyadic shift) برای بردار (x₀,x₁,...,x_{n-1}) تغییر مکان به اندازه t بهصورت دیادیک، n-1 , n=0 بهصورت بردار زیر حاصل میشود (راجان و لی، ۲۰۰۲):

 $\mathbf{x}_{t} = (\mathbf{x}_{0 \oplus t}, \mathbf{x}_{1 \oplus t}, \dots, \mathbf{x}_{(n-1) \oplus t}), \tag{9}$

که علامت ⊕ به معنی جمع در مبنای دو میباشد. فرض کنیم (X_{1d} X_{1d} x=(-1,2,-3,-2,-1,0,0,1) (تغییر مکان دیادیک به اندازه یک واحد) به صورت دیادیک به اندازه یک واحد) به صورت جدول ۱ نحوه بدست آمدن X_{1d} را نشان میدهد.

در این مثال نشان داده شد که X_{1d} بهصورت توالی شبه تصادفی نسبت به x است. یعنی اینکه توالی نسبتا منظم x در حوزه زمان، به توالی تصادفی X_{1d} در حیطه تغییر مکان دیادیکی تبدیل شده است. این وضعیت پیش آمده با پدیده های زمین شناسی سازگار است، زیرا پدیده های زمین شناسی تصادفی هستند. پس تبدیل هایی که نسبت به تغییرات دیادیک حساس نباشند، بهتر می توانند ویژگی های زمین شناسی را نشان دهند.

0

۳-۳ تبدیل آدامار تبدیل آدامار تابعهای سینوسی را با تابعهای والش جایگزین میکند. هر سطر یا ستون ماتریس آدامار، یک تابع والش است و عناصر آن ۱+ و ۱- هستند. این خاصیت ماتریس آدامار، استفاده از آنرا در تحلیل دادهها با رایانه های امروزی آسان کرده است. ماتریس آدامار یک ماتریس متقارن مربعی است. ماتریس پایه آدامار به صورت $\begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{bmatrix}$ تعریف شده است. اگر یک بردار $X = [X_0 X_1 ... X_n]$ داشته باشیم، تبديل آدامار آن به صورت زير به دست مي آيد: $HTX = H_N X^T$, $(\mathbf{1},\mathbf{1})$ X^T ماتریس مرتبه N أم ماتریس آدامار و H_N ، H_N ماتریس ستونی از X (ترانهاده ماتریس X) است. بردار X را می توان به کمک تبدیل وارون به دست آورد (ساندراجن و احمد، ۱۹۹۸): $X = \frac{1}{N} H_N .HTX$, (11)ليو (١٩٩٣) اثبات كرد كه تبديل آدامار، يك تبديل مستقل از تغبير مكان دياديكي است.

One **Binary addition** Output Example **Binary code of sample** sample Input sequence after dyadic rule Example position of input shift in shift of one sequence 0 + 0 = 1 + 1 = 0after dyadic sequence binarv 0 + 1 = 1 + 0 = 1shift sample domain 0 0 0 0 1 0 2 X₀ -1 0 0 1 \mathbf{X}_1 2 $0 \ 0 \ 1$ $0 \ 0 \ 1$ 0 1 1 -1 X_1 \mathbf{X}_0 X₂ -3 0 1 0 0 0 1 0 0 0 -2 X₃ X₃ -2 0 1 1 0 0 1 $0 \ 0 \ 1$ X₂ -3 0 0 1 0 X_4 -1 1 0 0 1 1 X_5 0 0 1 1 X_5 0 1 0 0 1 1 1 X_4 -1 1 0 0 0 0 1 0 0 1 1 -1 X₆ X_7

0 0 1

1 0 1

1 1

X₇

۴-۳ نشانگر جابجایی نامتغیر این نشانگر، به گونهای به وجود می آید که مستقل از تغییر مکان تناوبی و دیادیک باشد.

بهعبارتدیگر اگر خروجی یک تبدیل جابهجایی نامتغیر (مانند تبدیل آدامار) را داشته باشیم، طیف توان آن، بهصورت نشانگر جابهجایی نامتغیر معرفی میشود (رائو و همکاران، ۱۹۷۶).

محاسبه نشانگر جابهجایی نامتغیر نیازمند 2ⁿ نمونه ورودی است. اگر 2ⁿ نمونه وجود نداشته باشد، از دو روش زیر استفاده می شود:

 ۱) اضافه کردن صفرهای اضافی: به اندازهای صفر اضافه میکنیم که اندازه توالی ورودی 2ⁿ نمونه شود. این مرحله نتیجه نهایی را تحت تأثیر قرار نمیدهد.

۲) در نظر گرفتن پنجره زمانی بسیار بزرگ تری از محدوده مورد بررسی، که تعداد نمونههای موجود در تحقیق ⁿ2 شود. در این مرحله ممکن است مخزن تحت تأثیر رخسارههای بالا یا پایین قرار گیرد و برای جلو گیری از تداخل، روش اول مناسب تر است.

۴ اعمال نشانگر روی دادههای واقعی

منطقه مورد بررسی قسمت سروکی از یکی از میادین جنوب غربی ایران است و ستون چینهشناسی آن در شکل ۱ مشخص است.

سازند سروک یک واحد کربناتی است که روی سازند کژدمی قرار گرفته است. کربناتهای تودهای موجود در این سازند متعلق به دوره سنومانین تا تورونین هستند و از آهکهای رُسی دانه ریز خاکستری و آهکهای نازک لایه مارنی خاکستری تیره تشکیل شده است. هرچه به اعماق پایین تر سازند پیش میرویم، کیفیت مخزنی از لحاظ تخلخل بهتر می شود. سازند سروک به سمت غرب ضخیم تر می شود. در کل ضخامت این سازند در این

میدان از ۵۸۲ متر تا ۷۰۰ متر تغییر میکند (گزارشات فنی شرکت مهندسی توسعه نفت).



شکل ۱. ستون چینهشناسی میدان مورد بررسی (گزارشهای فنی شرکت مهندسی توسعه نفت).

روى	از	بررسى	مورد	ميدان	تخلخل	ٍەھاي	رخسار	،بندى	دستا	۲.	جدول
					منطقه.	جو د در	چاہ مو	چهار	خلخل	ى ت	نگار های

بازه تخلخل (٪)	دستهها				
$\Phi \leq 5$	دسته اول (رخساره تخلخل کم)				
$5 < \Phi \le 10$	دسته دوم (رخساره تخلخل متوسط)				
$10 < \Phi \le 20$	دسته سوم (رخساره تخلخل زياد)				
$\Phi > 20$	دسته چهارم (رخساره تخلخل خیلی زیاد)				



شکل ۲. اِعمال تبدیل آدامار روی دادهای لرزهای منطقه (شکل سمت راست) و نشانگر جابهجایی نامتغیر حاصل از طیف توان تبدیل آدامار (شکل سمت چپ) در سه زمان دوسویه (TWT) الف) ۱۸۲۰ ب) ۱۹۰۰ ج) ۱۹۸۰ میلی ثانیه، نشان داده شده است.

۵ کاربست تبدیل آدامار

تبدیل آدامار روی دادههای لرزهای میدان مورد بررسی اِعمال شد و نشانگر جابهجایی نامتغیر بهدست آمد. در شکل ۲ اِعمال تبدیل آدامار و نشانگر جابهجایی نامتغیر روی دادههای سهبُعدی لرزهای، در سه زمان دو طرفه (TWT) دلخواه ۱۸۲۰ و ۱۹۰۰ و ۱۹۸۰ میلی ثانیه نشان داده شده است.

۶ شبکه عصبی مورد استفاده برای تبدیل نشانگر بهدست آمده به رخسارههای مخزن از شبکه عصبی استفاده می شود.

شبکه عصبی مورد استفاده در این مقاله، شبکه با تغذیه پیش خور دو لایه، با الگوریتم آموزش شبکهای پسانتشار خطا و تابع انتقال نرونهای لایه پنهان تانژانت هایپربولیک و تابع انتقال نرونهای خروجی خطی است. پس از سعی و



شکل ۳. معماری شبکه عصبی بهکار گرفته شده (تعداد نرونهای لایه پنهان چهار نرون).

خطا، تعداد چهار نرون برای لایه پنهان استفاده شد. معماری شبکه موردنظر در شکل ۳نشان داده شده است. پارامتر ورودی به شبکه، مقدار نشانگر جابهجایی نامتغیر و پارامتر خروجی میزان تخلخل حاصل از نگار تخلخل است. رابطه (۱۲) و (۱۳)، رابطهای است که از شبکه عصبی طراحی شده حاصل شده است:

$$a_{j}^{1} = \tanh(\sum_{i=1}^{M} W_{j,i} x_{i} + b_{j}^{1}), j = 1, 2, 3, 4, \qquad (1Y)$$

$$a_{j}^{2} = \Phi = \sum_{i=1}^{7} W_{i,j}^{2} a_{i}^{1} a_{i}^{2} b_{i}^{2}, \qquad (1)$$



شکل ۴. نمودار اعتبارسنجی متقابل برای شبکه مورد استفاده. محور افقی تعداد نمونههای آموزشی و محور عمودی خطای میانگین مربعات است.

که $\frac{1}{j}$ خروجی نرون ز أم از لایه اول، $\frac{1}{j}$ وزن بهدست آمده از نرون زأم لایه اول و ورودی نأم، x_i ورودی نأم (در اینجا همان نشانگر جابهجایی نامتغیر است)، $\frac{1}{d}$ أریبی حاصله از نرون زأم لایه اول، $\frac{2}{n}$ پارامتر خروجی یا همان تخلخل، $\frac{2}{m}$ وزن بهدست آمده از نرون زأم لایه دوم و $\frac{2}{n}$ أریبی حاصل از لایه دوم هستند. همان طور که مشخص است از تابع تانژانت هایپربولیک درحکم تابع انتقال نرونهای لایه مخفی استفاده شده است (منهاج، ۱۳۸۴).



شکل ۵. نتایج ضریب همبستگی بهدست آمده حاصل از آموزش شبکه عصبی طراحی شده (R ضریب همبستگی بین تخلخل حاصل از نگار تخلخل و تخلخل پیشینی شده با شبکه عصبی).

۷ تبدیل نشانگر بهدست آمده به رخسارههای مخزن در این مقاله سعی شده است تا رخسارههای مخزن براساس تخلخل مرتب شوند. به همین منظور رخسارههای میدان موردنظر با بررسی نگارهای تخلخل در چاههای موجود، به چهار دسته به شرح جدول ۲، تقسیم شدند.

درنهایت رابطه شبکه عصبی طراحی شده (رابطه (۱۲) و ۱۳)، روی کل مکعب لرزهای اِعمال شد و تخلخل در نقاطی که در بین چاههای منطقه قرار گرفتهاند، بهدست آمد و طبق جدول ۲ رخسارههای تخلخل برچسبگذاری شدند.

تعداد کل نمونههای مورد استفاده در شبکه، ۲۱۶ نمونه است. برای اینکه تعداد بهینه نمونههای آموزشی را انتخاب کنیم از نمودار اعتبارسنجی متقابل Cross) (Cross استفاده می کنیم. این نمودار، نموداری است که محور افقی آن تعداد نمونههای آموزشی در هر مرحله و محور عمودی آن خطای میانگین مربعی است. این نمودار با افزایش تعداد نمونههای آموزشی، ابتدا روندی کاهشی در خطا را نشان میدهد و سپس به روندی تقریبا ثابت میرسد. در جایی که این روند تقریبا ثابت شده است، تعداد بهینه نمونههای آموزشی بهدست میآید. با



شکل ۶. منحنی خطای آموزشی (آبی)، خطای آزمایشی (سرخ) و خطای اعتبارسنجی (سبز) حاصل از آموزش شبکه عصبی طراحی شده. محور قائم خطای میانگین مربعی و محور افقی تعداد دفعات عرضهٔ نمونههای آموزشی به شبکه عصبی در مرحله آموزشی را نشان میدهد.

تعداد ۲۵ نمونه آموزشی شروع می کنیم و با افزایش ۲۵ تایی در تعداد آن ادامه می دهیم. همان طور که در شکل ۴ نشان داده شده است، منحنی به دست آمده در تعداد ۱۵۰ نمونه آموزشی به روند تقریبا ثابتی رسیده است، و از این رو این تعداد نمونه برای آموزش شبکه استفاده شد. از بقیه نمونهها، ۳۳ نمونه برای اعتبار سنجی و ۳۳ نمونه هم برای آزمایش شبکه به کار رفت.

شکل ۵ بیانگر نتایج آموزش شبکه براساس روش پسانتشار خطا است که R بیانگر ضریب همبستگی بین تخلخل پیش بینی شده توسط شبکه و تخلخل بهدست آمده از نگار تخلخل است.

شکل ۶ نشاندهنده خطای میانگین مربعی منحنیهای آموزشی، آزمایشی و اعتبارسنجی برای شبکه عصبی ایجاد شده است.

شکل ۷ نتایج حاصل اِعمال رابطه شبکه عصبی بر مکعب لرزهای که رخسارههای تخلخل پیشبینی شده هستند را در سه زمان دو طرفه (TWT) دلخواه ۱۸۲۰، ۱۹۰۰ و ۱۹۸۰ میلیثانیه نشان میدهد.

۸ نتیجه گیری

در این مقاله از نشانگر جابه جایی نامتغیر برای طبقه بندی رخساره های مخزن براساس تخلخل استفاده شد. این نشانگر از طیف توان تبدیل آدامار به دست می آید، که خصوصیت بارز آن این است که نسبت به تغییرات دیادیک مستقل است و این ویژگی باعث می شود که این نشانگر بتواند تصادفی بودن رخساره های مخزن درون زمین را در نظر بگیرد. درنهایت این نشانگر وی داده های واقعی یکی از میادین جنوب غربی ایران اِعمال شد و نتایج آن با استفاده از شبکه عصبی تغذیه پیش خور دو لایه، با الگوریتم آموزش شبکه ای پس انتشار خطا با درصد ضریب همبستگی تقریباً ۸۱ درصد به رخساره های تخلخل مبنی بر اینکه کیفیت مخزن از لحاظ تخلخل در اعماق بیشتر، بهتر می شود را تایید می کند.



شکل ۷. رخسارههای تخلخل حاصل از اِعمال نشانگر جابهجایی نامتغیر با استفاده از شبکه عصبی. سه مقطع زمانی از این رخسارهها در سه زمان دوسویه (TWT) (الف) ۱۹۰۰، (ب) ۱۹۰۰، (ج) ۱۹۸۰ میلی ثانیه نشان داده شده است.

منهاج، م. ب. ، ۱۳۸۴، مبانی شبکههای عصبی، نشر دانشگاه صنعتی امیرکبیر، 1، چاپ سوم، تهران.

- Almohamad, H. A., 1988, A pattern recognition algorithm based on the Rapid transform: 4th Proceedings of the Computer Society Conference on Computer Vision and Pattern Recognition, 445–449.
- Aung, A., Ng, B. P., and Raharjda, S., 2008, Sequency-ordered complex Hadamard transform: Properties, computational complexity and applications: IEEE Transactions on Acoustic Speech and Signal

تشکر و قدردانی نویسندگان این مقاله از معاونت پژوهشی دانشگاه تهران و همچنین از شرکت مهندسی توسعه نفت بهخاطر در اختیار قرار دادن دادههای موردنیاز قدردانی میکنند.

منابع گزارش های فنی شرکت مهندسی و توسعه نفت، جلد پنجم، ۱۳۸۹. Abstracts, 745-746.

- Sundarajan, D., and Ahmad, M. O., 1998, Fast computation of discrete Walsh and Hadamard transforms: IEEE Transcations on Image Processing, **7**, 899-904.
- Singh, Y. P., 2007, Translation invariant attributes for effective lithofacies discrimination: Geophysics, 72, 57-66.
- Venugopal, S., 1999, Pattern Recognition for Intelligent Manufacturing Systems Using Rajan Transform: M.S. thesis, Jawaharlal Nehru Technological University.
- Zulfikar, M. Y., Abbasi, S. A. and Alamoud, A. R. M., 2011, A novel complete set of Walsh and inverse Walsh transforms for signal processing: The First International Conference on Communication Systems and Network Technologies, 504-509.

Processing, 56, 3562-3571.

- Brown, A. R., 2001, Understanding seismic attributes: Geophysics, **69**, 47-48.
- Liu, K. R.,1993, A simple and unified proof of dyadic shift invariance and the extension to cyclic shift invariance: IEEE Transactions on Education, 36, 362-379.
- Rajan, B. S., Lee, M. H., 2002, Quasi-cyclic dyadic codes in the Walsh-Hadamard transform domain: IEEE Transactions of Informal Theory, 48, 2012-2046.
- Rao, K. R., Revuluri, K., Narasimhan, M. A. and Ahmed, N., 1976, Complex Haar transform: IEEE Transactions on Acoustic Speech and Signal Processing, 24, 102–104.
- Ratliff, T. L., Watkins, J. S., 1989, Characterization of the L-1 sand using well logs and amplitude attribute analysis: 8th Annual International Meeting, SEG, Expanded